

**CONCOURS DE RECRUTEMENT
D'ÉLÈVES PILOTE DE LIGNE**

ÉPREUVE DE MATHÉMATIQUES

Durée : 2 Heures

Coefficient : 1

Cette épreuve comporte :

- 1 page de garde (recto),
- 2 pages (recto-verso) d'instructions pour remplir le QCM,
- 1 page d'avertissements (recto),
- 13 pages de texte (recto-verso) numérotées de 1 à 13

**TOUT DISPOSITIF ÉLECTRONIQUE EST INTERDIT
(EN PARTICULIER L'USAGE DE LA CALCULATRICE)**

ÉPREUVE DE MATHÉMATIQUES

A LIRE TRÈS ATTENTIVEMENT

L'épreuve de mathématiques de ce concours est un questionnaire à choix multiple qui sera corrigé automatiquement par une machine à lecture optique.

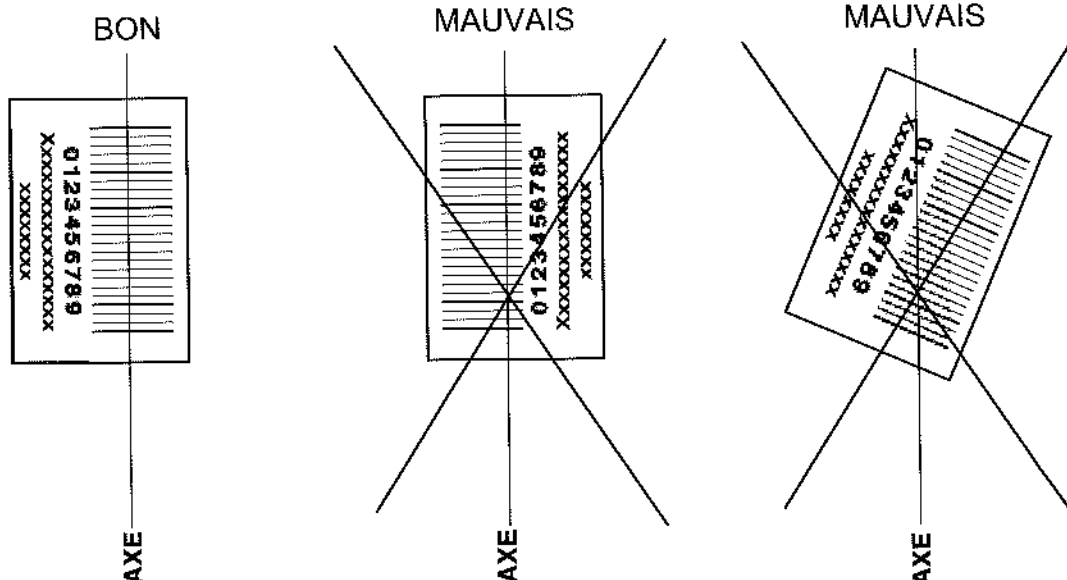
ATTENTION, IL NE VOUS EST DÉLIVRÉ QU'UN SEUL QCM

- 1) Vous devez coller dans la partie droite prévue à cet effet, **l'étiquette correspondant à l'épreuve que vous passez**, c'est-à-dire épreuve de mathématiques (voir modèle ci-dessous).

POSITIONNEMENT DES ÉTIQUETTES

Pour permettre la lecture optique de l'étiquette, positionner celle-ci **en position verticale** avec les chiffres d'identification à **gauche** (le trait vertical devant traverser la totalité des barres de ce code).

EXEMPLES :



- 2) Pour remplir ce QCM, vous devez utiliser un **STYLO BILLE** ou une **POINTE FEUTRE** de couleur **NOIRE** et **ATTENTION** vous devez noircir complètement la case en vue de la bonne lecture optique de votre QCM.
- 3) Utilisez le sujet comme brouillon et ne retranscrivez vos réponses qu'après vous être relu soigneusement.
- 4) Votre QCM ne doit pas être souillé, froissé, plié, écorné ou porter des inscriptions superflues, sous peine d'être rejeté par la machine et de ne pas être corrigé.

Tournez la page S.V.P.

- 5) Cette épreuve comporte 36 questions, certaines, de numéros consécutifs, sont liées. La liste des questions liées est donnée au début du texte du sujet.
Chaque candidat devra choisir au plus 24 questions parmi les 36 proposées.

Il est inutile de répondre à plus de 24 questions : la machine à lecture optique lira les réponses en séquence en partant de la ligne 1, et s'arrêtera de lire lorsqu'elle aura détecté des réponses à 24 questions, quelle que soit la valeur de ces réponses.

Chaque question comporte au plus deux réponses exactes.

- 6) A chaque question numérotée entre 1 et 36, correspond sur la feuille-réponses une ligne de cases qui porte le même numéro (les lignes de 37 à 100 sont neutralisées). Chaque ligne comporte 5 cases A, B, C, D, E.

Pour chaque ligne numérotée de 1 à 36, vous vous trouvez en face de 4 possibilités :

- ▶ soit vous décidez de ne pas traiter cette question, la ligne correspondante doit rester vierge.
- ▶ soit vous jugez que la question comporte une seule bonne réponse, vous devez noircir l'une des cases A, B, C, D.
- ▶ soit vous jugez que la question comporte deux réponses exactes, vous devez noircir deux des cases A, B, C, D et deux seulement.
- ▶ soit vous jugez qu'aucune des réponses proposées A, B, C, D n'est bonne, vous devez alors noircir la case E.

En cas de réponse fausse, aucune pénalité ne sera appliquée.

7) EXEMPLES DE RÉPONSES

Question 1 : $1^2 + 2^2$ vaut :
 A) 3 B) 5 C) 4 D) -1

Question 2 : le produit (-1) (-3) vaut :
 A) -3 B) -1 C) 4 D) 0

Question 3 : Une racine de l'équation $x^2 - 1 = 0$ est :
 A) 1 B) 0 C) -1 D) 2

Vous marquerez sur la feuille réponse :

1	<input type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> D <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> E <input type="checkbox"/>
2	<input type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> D <input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/> E <input type="checkbox"/>
3	<input checked="" type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> D <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> E <input type="checkbox"/>

Questions liées :

1 à 5

6 à 8

9 à 11

12 à 15

16 à 18

19 à 24

25 à 27

28 à 31

Notations

Les lettres \mathbb{R} , \mathbb{C} , \mathbb{N} et \mathbb{Z} désignent respectivement les ensembles des réels, des complexes, des entiers naturels et des entiers relatifs. On rappelle que $e^{ix} = \cos x + i \sin x$ où i désigne le nombre complexe tel que $i^2 = -1$ et x est un nombre réel.

PARTIE I

Question 1

Soient x et y deux réels tels que $0 < x \leq y$. On pose $m = \frac{x+y}{2}$, $g = \sqrt{xy}$ et $\frac{1}{h} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{x} + \frac{1}{y} \right)$.

On a :

- A) $m - x \leq 0$
- B) $m - x \geq 0$
- C) $m - y \leq 0$
- D) $m - y \geq 0$

Question 2

La quantité g vérifie :

- A) $g - x \geq 0$
- B) $g - y \geq 0$
- C) $g - x \leq 0$
- D) $g - y \leq 0$

Question 3

La quantité h vérifie :

- A) $h - x \leq 0$
- B) $h - y \geq 0$
- C) $h - x \geq 0$
- D) $h - y \leq 0$

Question 4

Les quantités m, g, h vérifient :

- A) $m - g \leq 0$
- B) $h - g \geq 0$
- C) $m - h \geq 0$
- D) $h - m \geq 0$

Question 5

On en déduit enfin :

- A) $x \leq m \leq g \leq h \leq y$
- B) $x \leq h \leq g \leq m \leq y$
- C) $x \leq g \leq m \leq h \leq y$
- D) $x \leq m \leq h \leq g \leq y$

PARTIE II

Question 6

Soit $z = e^{\frac{2i\pi}{5}}$. On pose $\alpha = z + z^4$ et $\beta = z^2 + z^3$. On montre :

- A) $\alpha + \beta = 1$
- B) $\alpha + \beta = -1$
- C) $\alpha\beta = 1$
- D) $\alpha\beta = -1$

Question 7

Les nombres α et β sont les racines du trinôme du second degré :

- A) $X^2 + X - 1$
- B) $X^2 - X - 1$
- C) $X^2 + X + 1$
- D) $X^2 - X + 1$

Question 8

On déduit des résultats précédents :

- A) $\cos \frac{2\pi}{5} = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$ et $\sin \frac{2\pi}{5} = \frac{\sqrt{\sqrt{5}-1}}{2}$
- B) $\cos \frac{4\pi}{5} = \frac{-\sqrt{5}-1}{4}$ et $\sin \frac{4\pi}{5} = \frac{1}{4}\sqrt{10+2\sqrt{5}}$
- C) $\cos \frac{6\pi}{5} = \frac{\sqrt{5}-1}{4}$ et $\sin \frac{6\pi}{5} = \frac{1}{4}\sqrt{10-2\sqrt{5}}$
- D) $\cos \frac{8\pi}{5} = \frac{\sqrt{5}-1}{4}$ et $\sin \frac{8\pi}{5} = -\frac{1}{4}\sqrt{10-2\sqrt{5}}$

PARTIE III

Question 9

Soit $I_k = \int_0^1 \frac{x^k}{\sqrt{1+x^2}} dx$, $\forall k \in \mathbb{N}$. On a :

A) $I_0 = \ln(1+\sqrt{2})$

B) $I_0 = \frac{\pi}{2}$

C) $I_1 = \frac{2}{3}(1-2\sqrt{2})$

D) $I_1 = 1-\sqrt{2}$

Question 10

Une intégration par parties permet d'exhiber la relation de récurrence :

A) $kI_k = \sqrt{2} + (k-1)I_{k-2}$

B) $kI_k = \sqrt{2} - (k-1)I_{k-2}$

C) $kI_k = -\sqrt{2} + (k-1)I_{k-2}$

D) $kI_k = -\sqrt{2} - (k+1)I_{k-2}$

Question 11

On en déduit :

A) $I_2 = \frac{1}{2} \ln\left(\frac{e^{\sqrt{2}}}{1+\sqrt{2}}\right)$

B) $I_3 = \frac{2-\sqrt{2}}{3}$

C) $I_2 = \frac{\sqrt{2} + \ln(1+\sqrt{2})}{2}$

D) $I_3 = \sqrt{2} - \frac{2}{3}$

PARTIE IV

Question 12 :

On considère le système linéaire (S):

$$\begin{cases} 3x + y = 8 \\ -2x + y - 2z = -1 \\ x - 2y + 3z = -3 \end{cases}$$

Ce système s'écrit de façon matricielle $AX = B$, avec :

A) $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 & 0 \\ -2 & 1 & -2 \\ 1 & -2 & 3 \end{pmatrix}$, $X = (x \ y \ z)$ et $B = (8 \ -1 \ -3)$

B) $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 & 0 \\ -2 & 1 & -2 \\ 1 & -2 & 3 \end{pmatrix}$, $X = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$ et $B = \begin{pmatrix} 8 \\ -1 \\ -3 \end{pmatrix}$

C) $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 1 & 1 & -2 \\ 0 & -2 & 3 \end{pmatrix}$, $X = (x \ y \ z)$ et $B = (8 \ -1 \ -3)$

D) $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 1 & 1 & -2 \\ 0 & -2 & 3 \end{pmatrix}$, $X = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$ et $B = \begin{pmatrix} 8 \\ -1 \\ -3 \end{pmatrix}$

Question 13 :

Le déterminant de la matrice A vaut :

- A) 0, car un des coefficients de la matrice A est nul
- B) 1
- C) 0, car la somme des coefficients d'une ligne ou d'une colonne de la matrice A est nulle
- D) 25

Question 14 :

Le système (S) :

- A) possède une infinité de solutions
- B) admet pour unique solution $(x, y, z) = (1, 5, 2)$
- C) n'admet pas de solutions dans \mathbb{R}^3
- D) admet pour unique solution $(x, y, z) = \left(2, 2, -\frac{1}{2}\right)$

Question 15 :

L'inverse A^{-1} de la matrice A :

A) n'existe pas puisque A n'est pas inversible

B) vaut $A^{-1} = \frac{1}{25} \begin{pmatrix} -1 & 4 & 3 \\ -3 & 9 & 7 \\ -2 & 6 & 5 \end{pmatrix}$

C) vaut $A^{-1} = \begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{1}{2} & 1 \\ 1 & 1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$

D) vaut $A^{-1} = \begin{pmatrix} -1 & -3 & -2 \\ 4 & 9 & 6 \\ 3 & 7 & 5 \end{pmatrix}$

PARTIE V

Soit $\theta \in]-\pi; \pi[$. On considère le nombre complexe $z = 1 + \cos \theta + i \sin \theta$

Question 16 :

Le module de z vaut :

- A) $|z| = \sqrt{2 + 2 \cos \theta}$
- B) $|z| = 2$
- C) $|z| = 2 \cos\left(\frac{\theta}{2}\right)$
- D) $|z| = \sqrt{2} + \cos\left(\frac{\theta}{2}\right)$

Question 17 :

Un argument α de z vérifie :

- A) $\alpha = \frac{\theta}{2} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$
- B) $\alpha = \frac{\theta}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$
- C) $\tan \alpha = \tan\left(\frac{\theta}{2}\right)$
- D) $\tan \alpha = \tan\left(\frac{\theta}{2}\right) + k\pi, k \in \mathbb{Z}$

Question 18 :

On obtient ainsi :

- A) $z = 2 \cos\left(\frac{\theta}{2}\right) e^{i\frac{\theta}{2}}$
- B) $z = 2 \left| \cos\left(\frac{\theta}{2}\right) \right| e^{-i\frac{\theta}{2}}$
- C) $z = 2 \left| \cos\left(\frac{\theta}{2}\right) \right| \left(\cos\left|\frac{\theta}{2}\right| + i \sin\left|\frac{\theta}{2}\right| \right)$
- D) $z = 2 \cos^2\left(\frac{\theta}{2}\right) \left(1 + i \tan\left(\frac{\theta}{2}\right) \right)$

PARTIE VI

Soient a et b des réels vérifiant, pour tout $k \in \mathbb{Z}$: $a \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$, $b \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$, $a + b \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$,

$$a - b \neq \frac{\pi}{2} + k\pi.$$

Question 19

On a :

$$\text{A) } \tan(a+b) = \frac{\tan a + \tan b}{1 + \tan a \tan b}$$

$$\text{B) } \tan(a-b) = \frac{\tan a + \tan b}{1 + \tan a \tan b}$$

$$\text{C) } \tan(a+b) = \frac{\tan a + \tan b}{1 - \tan a \tan b}$$

$$\text{D) } \tan(a-b) = \frac{\tan a - \tan b}{1 - \tan a \tan b}$$

Question 20

En posant $\theta = \arctan \frac{1}{5}$, on en déduit :

$$\text{A) } \tan(2\theta) = \frac{5}{13}$$

$$\text{B) } \tan(2\theta) = \frac{5}{12}$$

$$\text{C) } \tan(4\theta) = \frac{65}{97}$$

$$\text{D) } \tan(4\theta) = \frac{119}{120}$$

Question 21

On obtient alors :

$$\text{A) } \tan\left(4\theta - \frac{\pi}{4}\right) = -\frac{81}{16}$$

$$\text{B) } \tan\left(4\theta - \frac{\pi}{4}\right) = -\frac{1}{239}$$

$$\text{C) } \tan\left(4\theta - \frac{\pi}{4}\right) = -\frac{16}{81}$$

$$\text{D) } \tan\left(4\theta - \frac{\pi}{4}\right) = \frac{1}{239}$$

Question 22

On a :

- A) Pour tout $x \in \mathbb{R}$, $\arctan(\tan x) = x$
- B) $\arctan(\tan x) = x$ uniquement si $x \in \left] -\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2} \right[$
- C) Pour tout $x \in \mathbb{R}$, $\tan(\arctan x) = x$
- D) $\tan(\arctan x) = x$ uniquement si $x \in \left] -\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2} \right[$

Question 23

On déduit des résultats précédents :

- A) $\frac{\pi}{4} = 4 \arctan \frac{1}{5} + \arctan \frac{1}{239}$
- B) $\frac{\pi}{4} = 4 \arctan \frac{1}{5} - \arctan \frac{1}{239}$
- C) $\frac{\pi}{4} = 4 \arctan \frac{1}{5} + \arctan \frac{81}{16}$
- D) $\frac{\pi}{4} = 4 \arctan \frac{1}{5} - \arctan \frac{16}{81}$

Question 24

En posant $\varphi = \arctan \frac{1}{2}$ et en calculant $\tan\left(\varphi - \frac{\pi}{4}\right)$ puis $\tan\left(2\varphi - \frac{\pi}{4}\right)$, on obtient :

- A) $\frac{\pi}{4} = \arctan \frac{1}{2} + \arctan \frac{1}{3}$
- B) $\frac{\pi}{4} = \arctan \frac{1}{2} - \arctan \frac{1}{3}$
- C) $\frac{\pi}{4} = 2 \arctan \frac{1}{2} + \arctan \frac{1}{7}$
- D) $\frac{\pi}{4} = 2 \arctan \frac{1}{2} - \arctan \frac{1}{7}$

PARTIE VII

Dans une entreprise deux ateliers fabriquent les mêmes pièces. L'atelier n°1, mieux équipé, a une cadence de production deux fois plus rapide que l'atelier n°2. Le pourcentage de pièces défectueuses est 3% pour l'atelier n°1 et 4% pour l'atelier n°2. On prélève au hasard une pièce dans l'ensemble de la production.

Question 25

La probabilité qu'une pièce provienne de l'atelier 1 est :

A) $p(A_1) = \frac{2}{3}$

B) $p(A_1) = \frac{4}{7}$

La probabilité qu'une pièce provienne de l'atelier 2 est :

C) $p(A_2) = \frac{2}{3}$

D) $p(A_2) = \frac{3}{7}$

Question 26

La probabilité qu'une pièce provienne de l'atelier 1 et soit défectueuse est :

A) $p_1 = \frac{3}{100}$

B) $p_1 = \frac{1}{60}$

La probabilité qu'une pièce provienne de l'atelier 2 et soit défectueuse est :

C) $p_2 = \frac{4}{100}$

D) $p_2 = \frac{1}{75}$

Question 27

La probabilité qu'une pièce soit défectueuse est :

A) $p_3 = \frac{7}{200} = 0,035$

B) $p_3 = \frac{1}{30}$

La probabilité qu'une pièce provienne de l'atelier 1 sachant qu'elle est défectueuse est :

C) $p_4 = \frac{4}{7}$

D) $p_4 = \frac{5}{9}$

PARTIE VIII

Soit E l'espace vectoriel des fonctions polynômes de degré inférieur ou égal à 2, pour lequel l'application

$$\Psi: E \rightarrow \mathbb{R}$$

$$(P, Q) \mapsto \int_{-1}^1 P(t)Q(t)dt$$

définit un produit scalaire sur E . On considère la base (P_0, P_1, P_2) de E , où $P_0(t) = 1$, $P_1(t) = t$ et $P_2(t) = t^2$.

Question 28

En posant $Q_0(t) = P_0(t)$, une base orthogonale de E est (Q_0, Q_1, Q_2) avec :

- A) $Q_1(t) = t$
- B) $Q_1(t) = t + 1$
- C) $Q_2(t) = t^2 - \frac{t}{2} - \frac{1}{3}$
- D) $Q_2(t) = t^2 - \frac{1}{3}$

Question 29

La base orthonormée associée est alors (R_0, R_1, R_2) avec :

- A) $R_0(t) = \frac{1}{\sqrt{2}}$, et $R_1(t) = \sqrt{\frac{3}{2}} \frac{(t+1)}{2}$
- B) $R_0(t) = \frac{1}{\sqrt{2}}$, et $R_1(t) = t\sqrt{\frac{3}{2}}$
- C) $R_2(t) = \frac{3\sqrt{10}}{4} \left(t^2 - \frac{1}{3} \right)$
- D) $R_2(t) = 3\sqrt{\frac{10}{31}} \left(t^2 - \frac{t}{2} - \frac{1}{3} \right)$

Question 30

En posant $S_0(t) = P_2(t)$, une base orthogonale de E est (S_0, S_1, S_2) avec :

- A) $S_1(t) = t$
- B) $S_1(t) = t - \frac{5}{4}t^2$
- C) $S_2(t) = 1 - \frac{5}{3}t^2$
- D) $S_2(t) = t^2 - \frac{1}{3}$

Question 31

La base orthonormée associée est alors (T_0, T_1, T_2) avec :

A) $T_0(t) = \sqrt{\frac{5}{2}}t^2$, et $T_1(t) = 2\sqrt{\frac{6}{31}}\left(t - \frac{5}{4}t^2\right)$

B) $T_0(t) = \sqrt{\frac{5}{2}}t^2$, et $T_1(t) = t\sqrt{\frac{3}{2}}$

C) $T_2(t) = \frac{3\sqrt{2}}{4}\left(1 - \frac{5}{3}t^2\right)$

D) $T_2(t) = \frac{3\sqrt{10}}{4}\left(t^2 - \frac{1}{3}\right)$

PARTIE IX

Equations : les questions 32 à 36 peuvent être traitées de façon indépendante.

Question 32

L'équation $\sin 4x + \sin 3x = \sin x$ admet pour solutions :

- A) $S = \left\{ \pi + 2k\pi; -\pi + 2k\pi; \frac{2k\pi}{3}; \frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{2}, \text{ avec } k \in \mathbb{Z} \right\}$
- B) $S = \left\{ \pi + 4k\pi; -\pi + 4k\pi; \frac{k\pi}{3}; \frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{2}, \text{ avec } k \in \mathbb{Z} \right\}$
- C) $S = \left\{ \pi + 4k\pi; -\pi + 2k\pi; \frac{2k\pi}{3}; \frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{4}, \text{ avec } k \in \mathbb{Z} \right\}$
- D) $S = \left\{ \pi + 2k\pi; -\pi + 4k\pi; \frac{2k\pi}{3}; \frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{2}, \text{ avec } k \in \mathbb{Z} \right\}$

Question 33

Les solutions de l'équation $\cos 3x + \sin 3x = \sqrt{2}$ sont :

- A) $x = \frac{\pi}{6} + \frac{2k\pi}{3}, k \in \mathbb{Z}$
- B) $x = \frac{\pi}{12} + \frac{2k\pi}{3}, k \in \mathbb{Z}$
- C) $x = \frac{\pi}{6} + \frac{k\pi}{3}, k \in \mathbb{Z}$
- D) $x = \frac{-7\pi}{12} + \frac{2k\pi}{3}, k \in \mathbb{Z}$

Question 34

Dans \mathbb{C} , l'équation $\sin z = 3$:

- A) admet des solutions de la forme $z = \frac{\pi}{2} + 2k\pi - i \ln(3 - 2\sqrt{2})$
- B) admet des solutions de la forme $z = \frac{\pi}{2} + 2k\pi - i \ln(3 + 2\sqrt{2})$
- C) admet des solutions de la forme $z = \frac{\pi}{2} + 2k\pi + i \ln(3 - 2\sqrt{2})$
- D) n'admet pas de solution

Question 35

Pour $a \in \mathbb{R}$, on considère le système d'équations :

$$(S) \begin{cases} ax + y + z = 1 \\ x + ay + z = a \\ x + y + az = a^2 \end{cases}$$

A) $\forall a \in \mathbb{R} \setminus \{-2\}$, le système (S) admet une solution unique

$$(x, y, z) = \left(-\frac{1+a}{2+a}, \frac{1}{a+2}, \frac{(a+1)^2}{a+2} \right)$$

B) Si $a = -2$, le système (S) admet une infinité de solutions

C) Si $a = 0$, alors tout $(x, y, z) \in \mathbb{R}^3$ est solution de (S)

D) Si $a = 1$, le système (S) admet une infinité de solutions

Question 36

Soit le système d'équations

$$(S) \begin{cases} x + y = \frac{\pi}{3} \\ \sin x + \sin y = \frac{1}{2} \end{cases}$$

Les solutions de (S) sont :

- A) $\left\{ \left(\frac{\pi}{2} + 2k\pi, -\frac{\pi}{6} + 2k\pi \right), k \in \mathbb{Z} \right\} \cup \left\{ \left(-\frac{\pi}{6} + 2k\pi, \frac{\pi}{2} + 2k\pi \right), k \in \mathbb{Z} \right\}$
- B) $\left\{ \left(\frac{\pi}{2} + 2k\pi, -\frac{\pi}{6} - \frac{2k\pi}{3} \right), k \in \mathbb{Z} \right\} \cup \left\{ \left(-\frac{\pi}{6} + \frac{2k\pi}{3}, \frac{\pi}{2} - 2k\pi \right), k \in \mathbb{Z} \right\}$
- C) $\left\{ \left(\frac{\pi}{2} + 2k\pi, -\frac{\pi}{6} - 2k\pi \right), k \in \mathbb{Z} \right\} \cup \left\{ \left(-\frac{\pi}{6} + 2k\pi, \frac{\pi}{2} - 2k\pi \right), k \in \mathbb{Z} \right\}$
- D) $\left\{ \left(\frac{\pi}{2} + 2k\pi, -\frac{\pi}{6} + \frac{2k\pi}{3} \right), k \in \mathbb{Z} \right\} \cup \left\{ \left(-\frac{\pi}{6} + \frac{2k\pi}{3}, \frac{\pi}{2} + 2k\pi \right), k \in \mathbb{Z} \right\}$